

Optimierung



Moodle



Lehrbuch

¹Aus „Mathematik für Wirtschaftswissenschaftler“ von Sydsæter, Hammond, Strøm und Carvajal, 6. Auflage

Das üben wir in diesem Kapitel:

9.3 Ökonomische Beispiele

Aufgabe 9.3 von Seite 421:

Aufgabe 9.4 von Seite 421:

Aufgabe 9.5 von Seite 421:

9.4 Extremwertsatz

Aufgabe 9.4.1 von Seite 406

9.6 Lokale Extremstellen

Aufgabe 9.6.5 von Seite 420

Aufgabe 9.3 von Seite 421:

Ein Bauer hat 1000 Meter Zaun zur Verfügung um eine rechteckige Einzäunung vorzunehmen. Eine der Seiten ist ein gerades Flussufer, so dass an dieser Seite kein Zaun benötigt wird.

Wie lang sollten die Seiten gewählt werden, um die Fläche zu maximieren?

Aufgabe 9.4 von Seite 421:

Durch die Produktion und den Verkauf von Q Einheiten eines Gutes erzielt ein Unternehmen den Gesamterlös

$R(Q) = -0.0016Q^2 + 44Q$ und hat dabei die Kosten

$C(Q) = 0.0004Q^2 + 8Q + 64000$.

a) Welches Produktionsniveau maximiert den Gewinn?

Aufgabe 9.5 von Seite 421:

Der Preis P , der pro Einheit aus der Produktion und dem Verkauf von $Q \geq 0$ Einheiten erzielt wird, ist $P = a - bQ^2$. Die Kosten für die Produktion und den Verkauf von Q Einheiten sind $C = \alpha + \beta Q$. Alle Konstanten sind positiv mit $a > \beta$.

Bestimme den Wert von Q , der den Gewinn maximiert.

Aufgabe 9.4.1 von Seite 406

Bestimme das Maximum und das Minimum und zeichne den Graphen von

$$f(x) = 4x^2 - 40x + 80, \text{ für } x \in [0, 8].$$

Aufgabe 9.6.5 von Seite 420

Sei

$$f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c.$$

Welche Forderungen müssen an die Konstanten a , b und c gestellt werden, damit die Funktion

- a) ein lokales Minimum an der Stelle $x = 0$ hat?
- b) stationäre Stellen in $x = 1$ und $x = 3$ hat?

Aufgabe 9.7 von Seite 421: (optional)

Sei $g(x) = x - 2 \ln(x + 1)$:

- a) Wo ist g definiert?
- b) Bestimme $g'(x)$ und $g''(x)$.
- c) Bestimme alle Extremstellen und Wendestellen.
- d) Skizziere den Graphen.