

# Vorkurs – VL 2

Orientierung in den Zahlenräumen



# Aufbau der heutigen Vorlesung

1. Organisation
2. Orientierung in neuen Zahlenräumen
3. Rechengesetze

# Vorkurs



[https://padlet.com/DZLM\\_SiMa\\_MSK/laufende-fragensammlung-vorkurs-lcjt56vkuzkk4m2p](https://padlet.com/DZLM_SiMa_MSK/laufende-fragensammlung-vorkurs-lcjt56vkuzkk4m2p)

Padlet für Fragen



# Aufbau der heutigen Vorlesung

1. Organisation
2. Orientierung in neuen Zahlenräumen
3. Rechengesetze

# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Was sagt der Lehrplan?

### Zahlen und Operationen

Zahlverständnis	
Kompetenzerwartungen am Ende der Schuleingangsphase	Kompetenzerwartungen am Ende der Klasse 4
Die Schülerinnen und Schüler	Die Schülerinnen und Schüler
<ul style="list-style-type: none"> <li>zählen im Zahlenraum bis 100 (vorwärts, rückwärts, in Schritten, beliebige Startzahl),</li> <li>benennen und schreiben Zahlen im Zahlenraum bis 100,</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>zählen im Zahlenraum bis 1.000.000 (vorwärts, rückwärts, in Schritten, beliebige Startzahl),</li> <li>benennen und schreiben Zahlen im Zahlenraum bis 1 000 000,</li> </ul>

- |   |   |
|---|---|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>stellen Zahlen im Zahlenraum bis 100 unter Anwendung der Struktur des Zehnersystems dar (Prinzip der Bündelung, Stellenwertschreibweise),</li> <li>wechseln bei der Zahldarstellung und der Anzahlerfassung im Zahlenraum bis 100 zwischen den verschiedenen Darstellungsformen (mit Material, bildlich, symbolisch und sprachlich),</li> <li>nutzen Strukturen in Zahldarstellungen zur Anzahlerfassung im Zahlenraum bis 100,</li> <li>ordnen und vergleichen Zahlen im Zahlenraum bis 100,</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>stellen Zahlen im Zahlenraum bis 1.000.000 unter Anwendung der Struktur des Zehnersystems dar (Prinzip der Bündelung, Stellenwertschreibweise),</li> <li>wechseln bei der Zahldarstellung und der Anzahlerfassung im Zahlenraum bis 1.000.000 zwischen den verschiedenen Darstellungsformen (mit Material, bildlich, symbolisch, sprachlich),</li> <li>wandeln Zahlen des Dezimalsystems in Zahlen des Binärsystems um und umgekehrt,</li> <li>nutzen Strukturen in Zahldarstellungen zur Anzahlerfassung im Zahlenraum bis 1.000.000,</li> <li>ordnen und vergleichen Zahlen im Zahlenraum bis 1.000.000</li> </ul> |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>beschreiben Beziehungen zwischen Zahlen und in Zahlenfolgen (u. a. ist der Vorgänger/Nachfolger von, ist die Hälfte/das Doppelte von, ist um x kleiner/größer als).</li> </ul>   |   |

# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Zahlbereichserweiterungen über die Schuljahre hinweg

Klasse 1 – bis 20

Klasse 2 – bis 100

Klasse 3 – bis 1000

Klasse 4 – bis 1 000 000

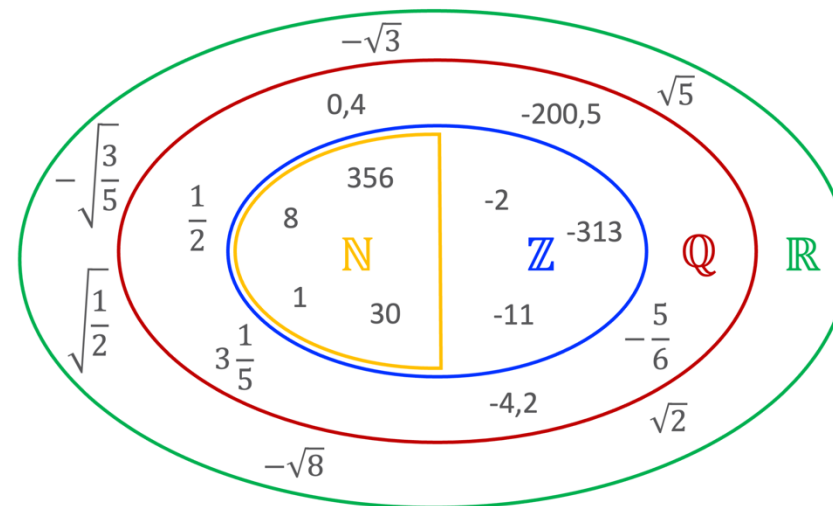
Natürliche Zahlen

Klasse 5 – Ganze Zahlen (negative Zahlen)

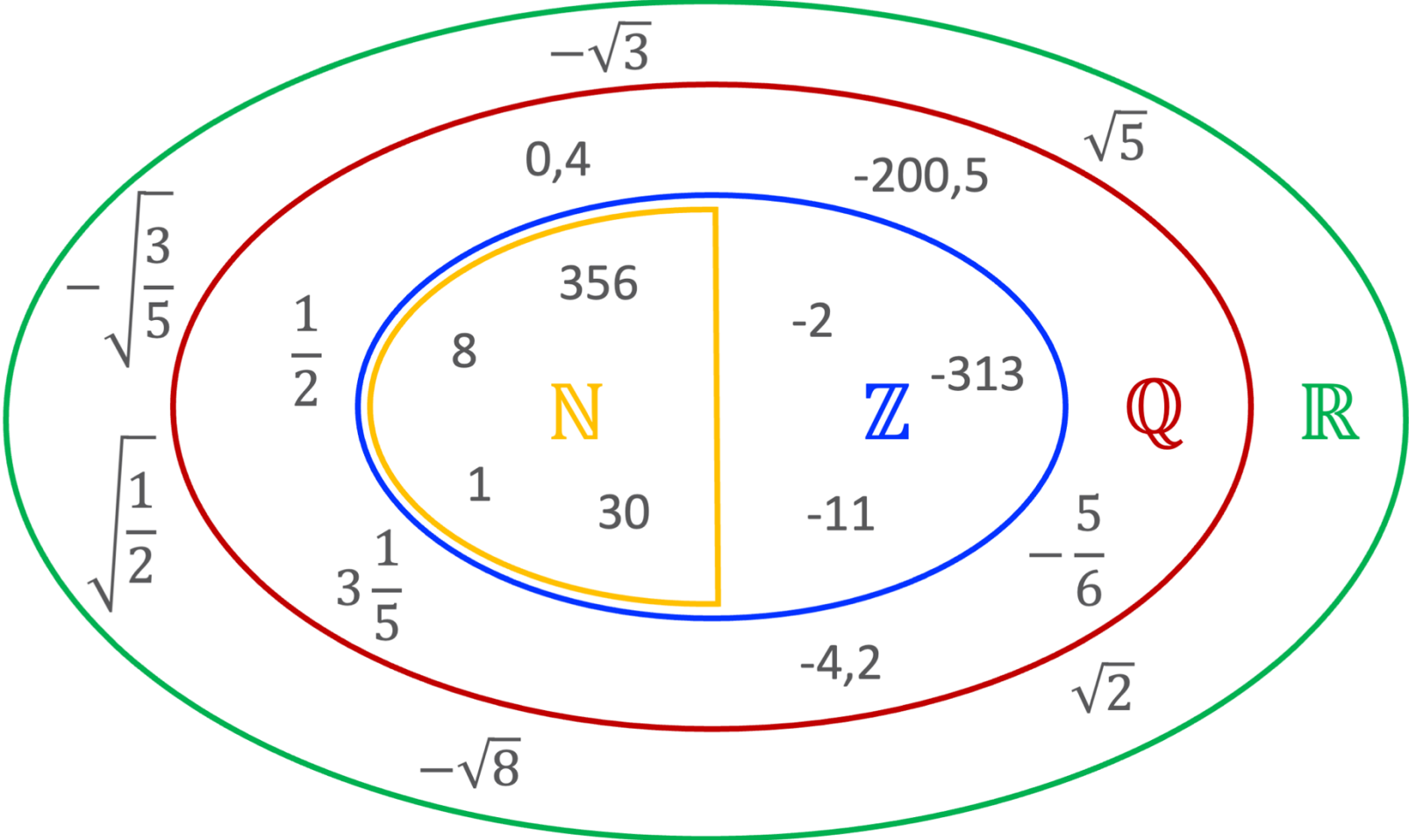
Klasse 6 – gebrochene Zahlen (Brüche)

Klasse 7/8 – rationale Zahlen

Klasse 9/10 – irrationale Zahlen → reelle Zahlen



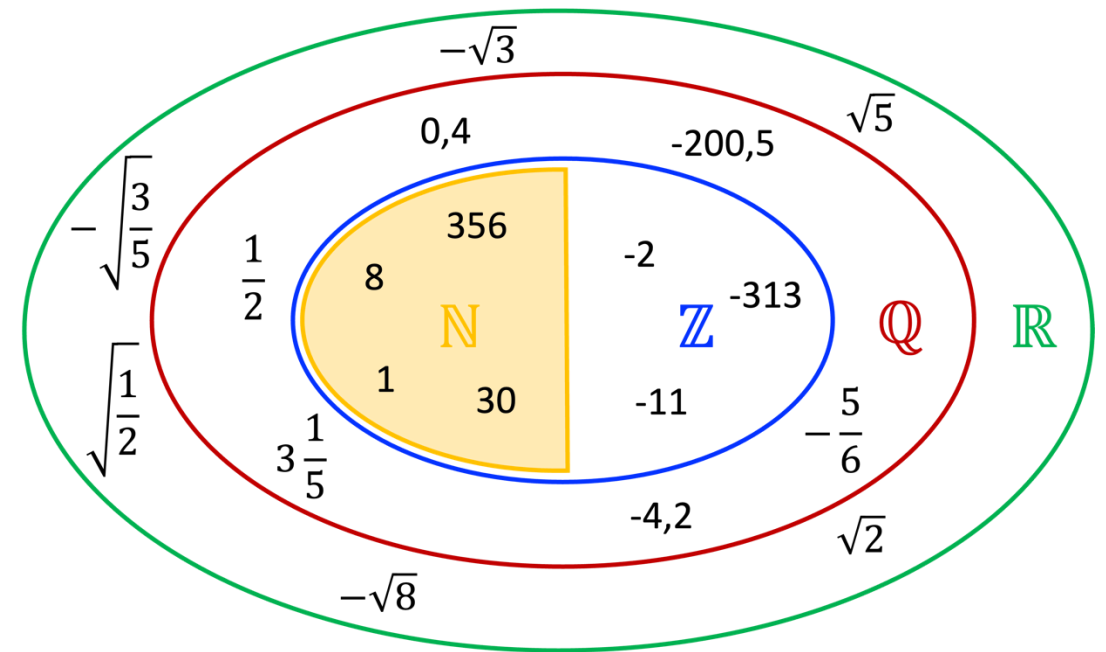
# Orientierung in neuen Zahlenräumen



# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Natürliche Zahlen

- Symbol:  $\mathbb{N}$
- bildet das Zählen als natürlichen Prozess ab
- Menge der natürlichen Zahlen:  
 $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots, n, n+1, \dots\}$   
 $\mathbb{N}_0 = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, n, n+1, \dots\}$

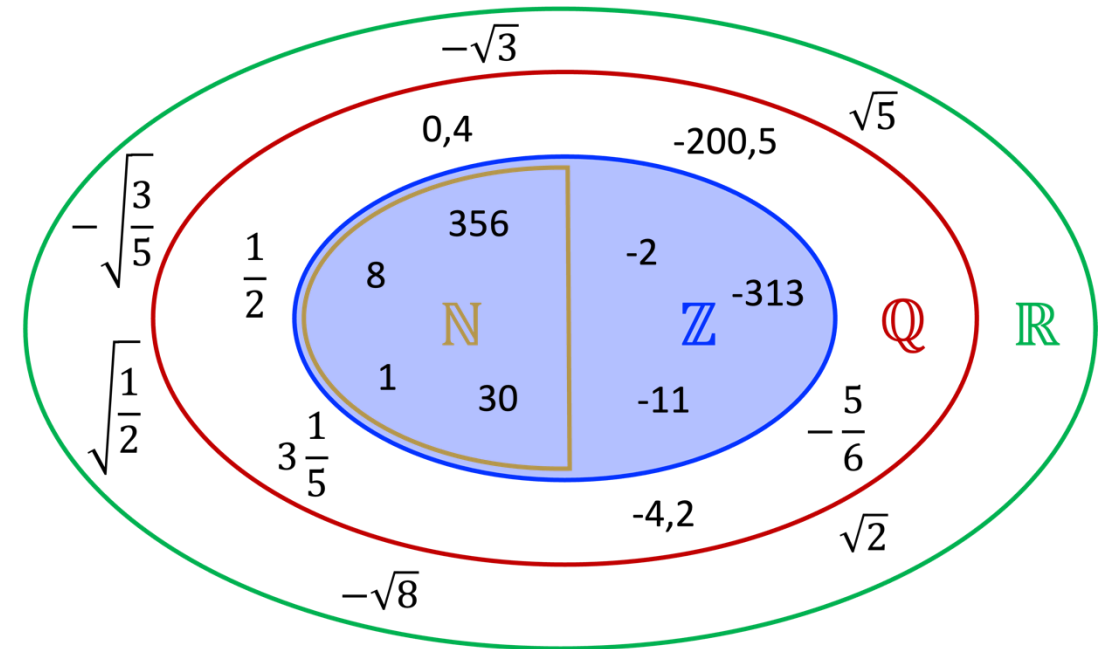




# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Ganze Zahlen

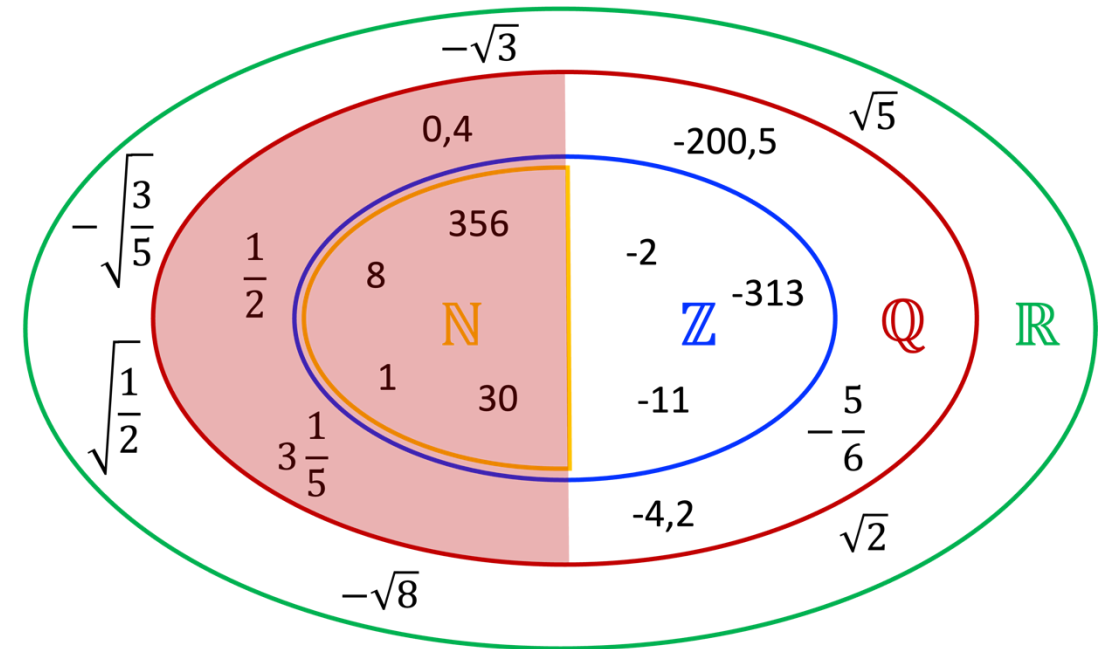
- Symbol:  $\mathbb{Z}$
- Erweiterung des Zahlenbereichs der natürlichen Zahlen um die negativen Zahlen
- Menge der ganzen Zahlen sind alle **positiven und negativen Zahlen ohne Komma**:  
 $\mathbb{Z} = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$
- uneingeschränktes Subtrahieren möglich



# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Gebrochene Zahlen

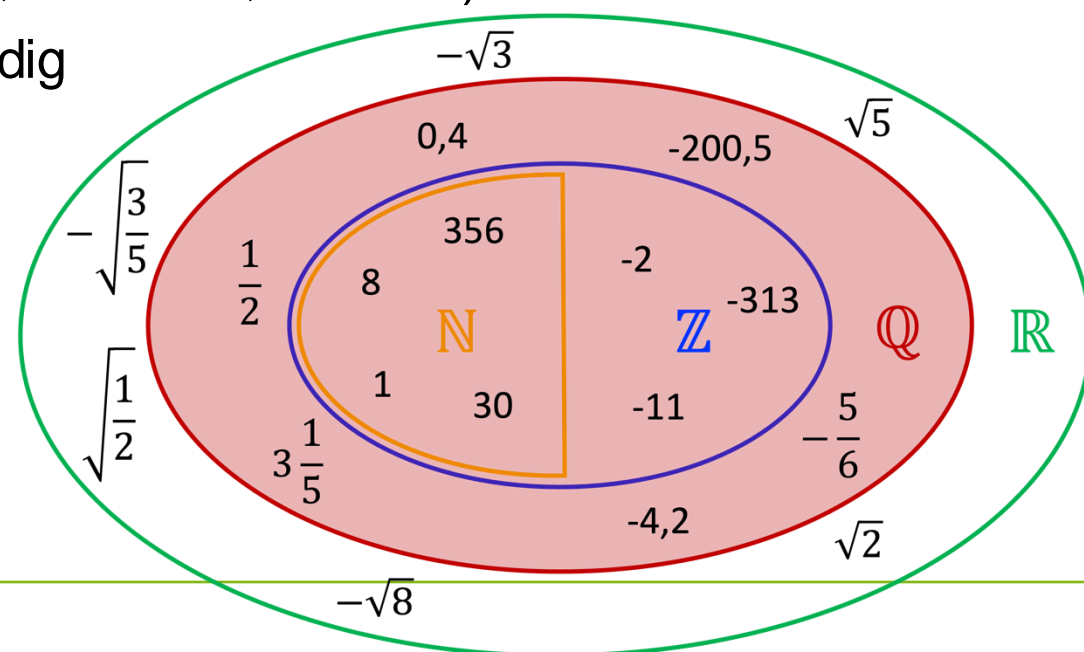
- Symbol:  $\mathbb{Q}^+$
- Erweiterung des Zahlenbereichs der natürlichen/ positiv ganzen Zahlen um die positiven Bruchzahlen bzw. Dezimalzahlen, die sich in einem Bruch darstellen lassen
- enthält alle **positiven Brüche**



# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Rationale Zahlen

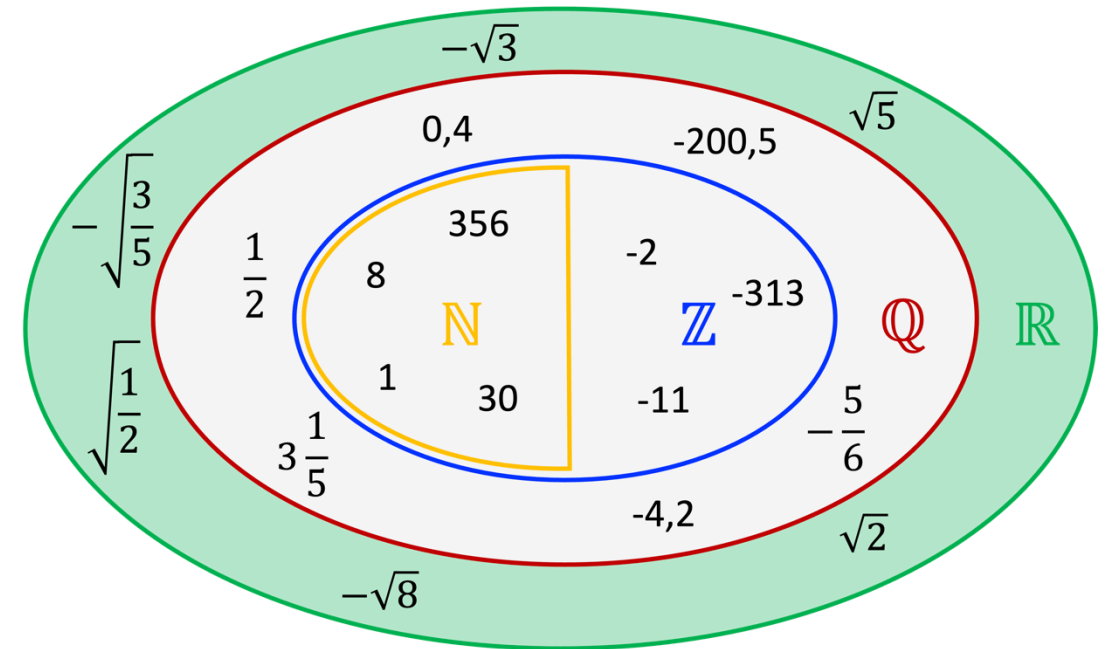
- Symbol:  $\mathbb{Q}$
- Erweiterung des Zahlenbereichs der gebrochenen Zahlen um die **negativen Bruchzahlen**
- alle Grundrechenarten sind uneingeschränkt ausführbar
- $\mathbb{Q}$  enthält alle positiven und negativen Brüche, sowie alle **abbrechenden Dezimalbrüche** (z.B.  $-3,75$ ) und periodischen Dezimalbrüche (z.B.  $0,66666\dots 0,66666\dots$ ).
- Bei den rationalen Zahlen ist nur eines nicht vollständig erlaubt: das Wurzelziehen.
  - $\sqrt{9} = 3$
  - $\sqrt{0,16} = 0,4$



# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Irrationale Zahlen

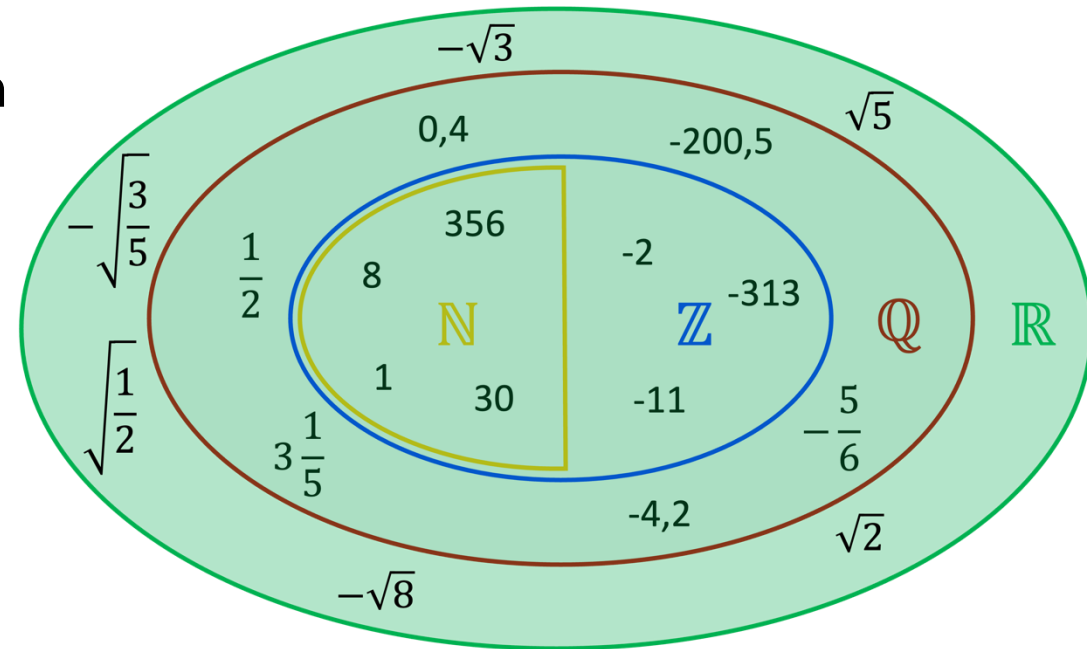
- Symbol:  $\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$
- Manche Wurzeln sind **unendlich lange Dezimalzahlen** und nicht als Bruch darstellbar. Das sind irrationale Zahlen.
- Beispiele:
  - $\sqrt{2} = 1,4142135623730\dots$
  - $\sqrt{3}, \sqrt{5}$



# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Reelle Zahlen

- Symbol:  $\mathbb{R}$
- Vereinigung der rationalen und irrationalen Zahlen
- alle positiven und negativen Bruchzahlen sowie alle Wurzeln
- Aus negativen Zahlen können keine Wurzeln gezogen werden.  $\sqrt{-4}$  ist nicht definiert. Solche Zahlen sind nicht in den reellen Zahlen  $\mathbb{R}$  enthalten



# Orientierung in neuen Zahlenräumen

## Quiz

Jetzt sind Sie dran.  
Ordnen Sie die Zahlen  
den passenden Zahlbereichen zu.



<https://learningapps.org/watch?v=pbe0iyrp522>

Zahlbereiche 2022-09-05



Natürliche Zahlen  $\mathbb{N}$

Ganze Zahlen  $\mathbb{Z}$

Gebrochene Zahlen  $\mathbb{Q}^+$

Rationale Zahlen  $\mathbb{Q}$

Irrationale Zahlen  $\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$

?  
2,4

# Aufbau der heutigen Vorlesung

1. Organisation
2. Orientierung in neuen Zahlenräumen
3. Rechengesetze

# Rechengesetze

Überlegen Sie: Welche Bilder haben Sie zu  $(x - b)^2$  im Kopf?  
Skizzieren Sie ihre Gedanken und laden Sie diese auf dem Padlet hoch.  
Wir befinden uns gedanklich im Zahlenraum der natürlichen Zahlen.





# Rechengesetze

Lösen Sie die Gleichung nach  $x$  auf.  
Markieren Sie die Umformungen, bei denen Sie Rechengesetze nutzen.  
Sie müssen die Rechengesetze noch nicht benennen.

$$(x - b)^2 + 2(xb - b^2) = 10 - (b^2 + 1)$$

# Rechengesetze

## Operationseigenschaften und Rechengesetze

	Addition	Multiplikation	Subtraktion	Division
Kommutativgesetz	$a + b = b + a$ Summanden vertauschen	$a \cdot b = b \cdot a$ Faktoren vertauschen		
Assoziativgesetz	$(a + b) + c = a + (b + c)$ Summanden zerlegen	$(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$ Faktoren zerlegen		
Distributivgesetz	$a \cdot (b \pm c) = a \cdot b \pm a \cdot c$ $(a \pm b) \cdot c = a \cdot c \pm b \cdot c$ $(a \pm b) : c = a : c \pm b : c$ Faktoren verteilen			

# Rechengesetze

Kommutativgesetz

Assoziativgesetz

Distributivgesetz

## Kommutativgesetz

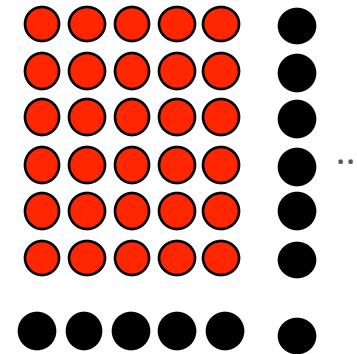
$$(x - b)^2 + 2(xb - b^2) = 10 - (1 + b^2)$$

# Rechengesetze

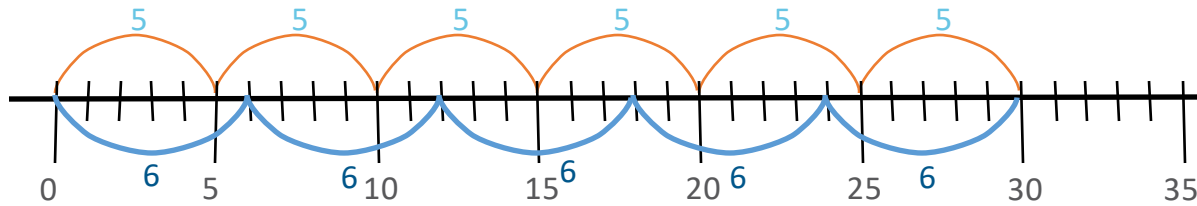
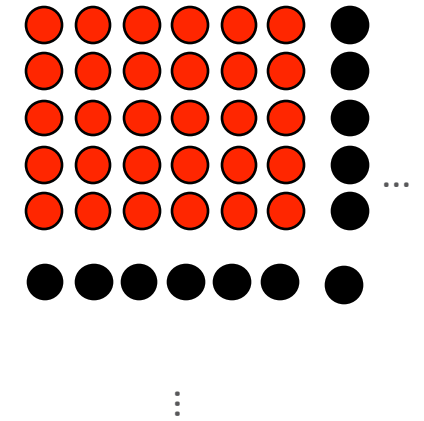
## Kommutativgesetz verstehen: Faktoren vertauschen

Multiplikation  $a \cdot b = b \cdot a$

$$6 \cdot 5$$



$$5 \cdot 6$$



# Rechengesetze

## Im Schulbuch

1 **Tauschaufgaben.** Zeigt mit dem Malwinkel und rechnet.

Was fällt euch auf?



Ich sehe 4 Siebener, also 4 mal 7.

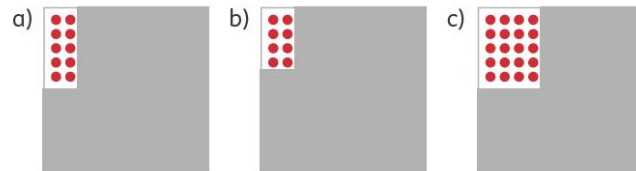
Ich sehe 7 Vierer, also 7 mal 4.

Das ist die Tauschaufgabe.



### Tauschaufgaben

1. Zahl	2. Zahl
↓	↓
$4 \cdot 7 = 28$	$7 \cdot 4 = 28$
	↑
	Ergebnis



d) Zeigt und findet ebenso Aufgaben und Tauschaufgaben.

2 Zeigt mit dem Malwinkel am Hunderterfeld. Rechnet.

- |                |                |                 |                |                |
|----------------|----------------|-----------------|----------------|----------------|
| a) $5 \cdot 3$ | b) $7 \cdot 2$ | c) $8 \cdot 10$ | d) $6 \cdot 5$ | e) $2 \cdot 9$ |
| $3 \cdot 5$    | $2 \cdot 7$    | $10 \cdot 8$    | $5 \cdot 6$    | $9 \cdot 2$    |

(Zahlenbuch 2, S. 70)

## 7 Umformen mit Vertauschungsgesetz und Zerlegungsgesetz

\* Neues Wort  
Vertauschungsgesetz und Zerlegungsgesetz helfen dabei, Terme umzuformen.

- a) Pia hat eine Regel gefunden, wie sie immer beschreibungsgleiche Terme findet.
- Schreibe zwei eigene Beispiele zu Pias Entdeckung in dein Heft.
  - Stimmt Pias Gesetz bei allen Zahlen? Erkläre mit Bildern oder Situationen.
  - Was meinst du, warum heißt diese Regel *Vertauschungsgesetz*?



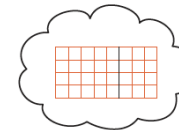
$$12 + 10 = 10 + 12$$

$$12 \cdot 10 = 10 \cdot 12$$

$$10 \cdot (4 + 8) = (4 + 8) \cdot 10$$

- b) Stimmt Pias Gesetz auch beim Subtrahieren (z. B.  $5 - 3$ ) und beim Dividieren (z. B.  $10 : 2$ )? Prüfe an eigenen Beispielen.

- c) Ole hat auch etwas entdeckt. Erkläre, wie er den Term umformt.



Ich kann die Terme zerlegen, dann sind sie doch auch immer beschreibungsgleich:  
 $4 \cdot (5 + 3) = ?$

- d) Führe Oles Idee fort und finde den zerlegten Term.
- Begründe an Oles Bild, warum die Terme beschreibungsgleich sind.
  - Stimmt Oles *Zerlegungsgesetz* bei allen Zahlen?
  - Was wird dabei überhaupt zerlegt?

$$4 \cdot (3 + 5)$$

$$3 \cdot 4 + 3 \cdot 5$$

$$3 \cdot 5 + 3 \cdot 4$$

$$5 \cdot 4 + 5 \cdot 3$$

$$4 \cdot 3 + 5 \cdot 4$$

$$3 \cdot (4 + 5)$$

► Materialblock S. 65  
Wissenspeicher  
Beschreibungsgleiche  
Terme finden

- e) Einige der Terme links sind beschreibungsgleich.
- Schreibe sie, wie Ole, mit Gleichheitszeichen.
  - Gib für jede Umformung an, ob du mit dem *Vertauschungsgesetz* oder dem *Zerlegungsgesetz* umformst oder mit beiden.

- f) Vergleiche eure Antworten aus a) bis e) und trage sie in den Wissenspeicher ein.

→ weitergedacht

- g) Warum kann man  $4 + (5 \cdot 3)$  nicht wie Ole in c) zerlegen?

(Mathewerkstatt 6, S. 111)

# Rechengesetze

Kommutativgesetz

Assoziativgesetz

Distributivgesetz

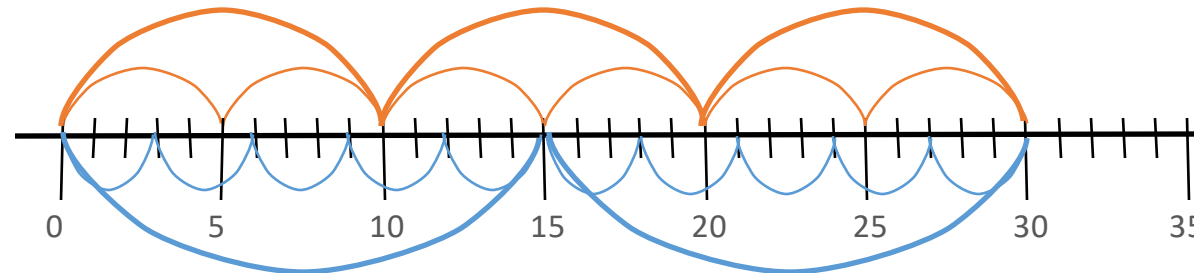
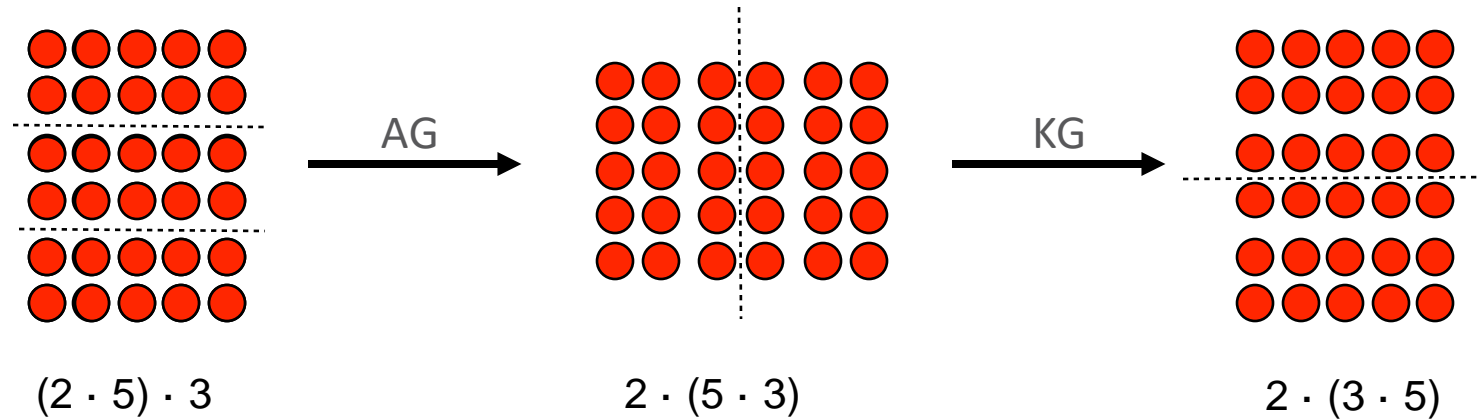
## Assoziativgesetz

$$(x - b)^2 + 2(xb - b^2) = 10 - (1 + b^2)$$

# Rechengesetze

## Assoziativgesetz verstehen: Faktoren verknüpfen/verbinden

Multiplikation  $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$



## Im Schulbuch

### 4 Schrittweise.

Rechne und schreibe den Rechenweg wie Max.

a)  $345 + 223$

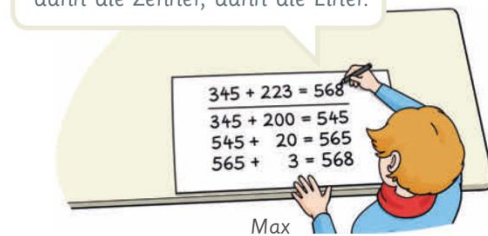
b)  $743 + 219$

c)  $634 + 186$

d)  $563 + 377$

e) Finde weitere Aufgaben, die du mit dem Rechenweg S rechnest.

Ich addiere erst die Hunderter, dann die Zehner, dann die Einer.



(Zahlenbuch 3, S. 51)

### 13 Klammern streichen

a) Schreibe die Terme mit möglichst wenig Klammern, ohne ihren Wert zu verändern:

(1)  $(17 + 4) + 21$   
 $21 + (17 + 4)$

(2)  $(17 + 4) - 21$   
 $21 - (17 + 4)$

(3)  $(17 + 4) \cdot (12 \cdot 5)$   
 $17 + (4 \cdot 12 \cdot 5)$   
 $(17 + 4 \cdot 12) \cdot 5$

(4)  $(64 : 8) \cdot 4$   
 $64 : (8 \cdot 4)$

b) Welche Terme haben denselben Wert?  
Kannst du erklären, woran das liegt?

(Mathewerkstatt 6, S. 117)



# Rechengesetze

Kommutativgesetz

Assoziativgesetz

Distributivgesetz

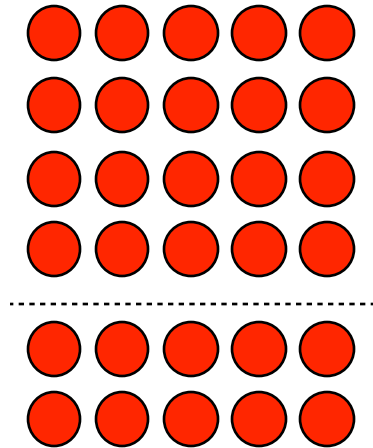
## Distributivgesetz

$$(x - b)^2 + 2(xb - b^2) = 10 - (1 + b^2)$$

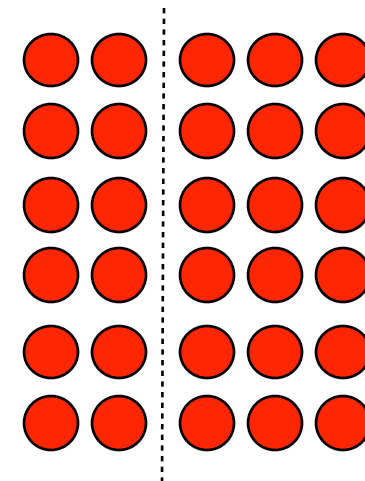
# Rechengesetze

## Distributivgesetz verstehen: Faktoren verteilen

Multiplikation  $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$



$$(4 + 2) \cdot 5 = 4 \cdot 5 + 2 \cdot 5$$

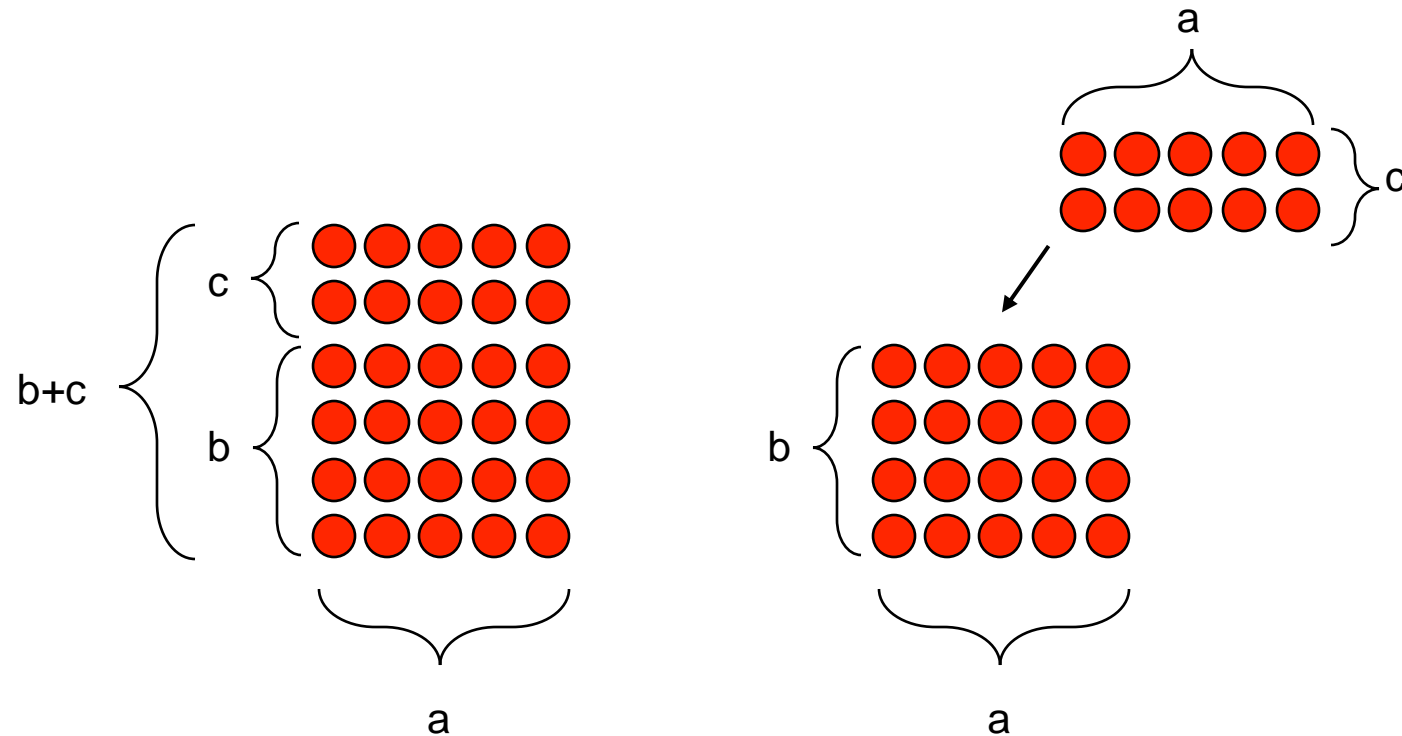


$$6 \cdot (2 + 3) = 6 \cdot 2 + 6 \cdot 3$$

# Rechengesetze

## Distributivgesetz verstehen: Faktoren verteilen

Multiplikation  $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$

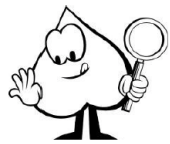


# Rechengesetze

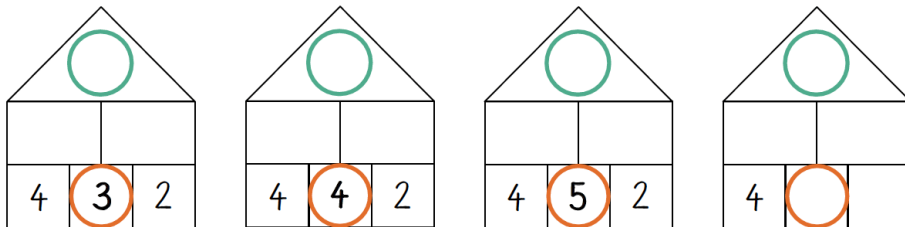
## Distributivgesetz

### Im Schulbuch

Auftrag zum Forschen 4



Was passiert mit der **Zielzahl**, wenn die **mittlere Grundzahl** immer um 1 größer wird?



Beschreibe, was mit der Zielzahl passiert.

Die Zielzahl \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_

(Pikas, Mal-Plus-Haus Forscherheft)

### 7 Umformen mit Vertauschungsgesetz und Zerlegungsgesetz

\* **Neues Wort**  
**Vertauschungsgesetz**  
**und Zerlegungsgesetz**  
 helfen dabei, Terme  
 umzuformen.

- a) Pia hat eine Regel gefunden, wie sie immer beschreibungsgleiche Terme findet.
- Schreibe zwei eigene Beispiele zu Pias Entdeckung in dein Heft.
  - Stimmt Pias Gesetz bei allen Zahlen? Erkläre mit Bildern oder Situationen.
  - Was meinst du, warum heißt diese Regel *Vertauschungsgesetz*\*?



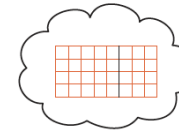
$$12 + 10 = 10 + 12$$

$$12 \cdot 10 = 10 \cdot 12$$

$$10 \cdot (4 + 8) = (4 + 8) \cdot 10$$

- b) Stimmt Pias Gesetz auch beim Subtrahieren (z. B.  $5 - 3$ ) und beim Dividieren (z. B.  $10 : 2$ )? Prüfe an eigenen Beispielen.

- c) Ole hat auch etwas entdeckt. Erkläre, wie er den Term umformt.



Ich kann die Terme zerlegen, dann sind sie doch auch immer beschreibungsgleich:  
 $4 \cdot (5 + 3) = ?$

- d) Führe Oles Idee fort und finde den zerlegten Term.
- Begründe an Oles Bild, warum die Terme beschreibungsgleich sind.
  - Stimmt Oles *Zerlegungsgesetz*\* bei allen Zahlen?
  - Was wird dabei überhaupt zerlegt?

$$4 \cdot (3 + 5)$$

$$3 \cdot 4 + 3 \cdot 5$$

$$3 \cdot 5 + 3 \cdot 4$$

$$5 \cdot 4 + 5 \cdot 3$$

$$4 \cdot 3 + 5 \cdot 4$$

$$3 \cdot (4 + 5)$$

- e) Einige der Terme links sind beschreibungsgleich.
- Schreibe sie, wie Ole, mit Gleichheitszeichen.
  - Gib für jede Umformung an, ob du mit dem *Vertauschungsgesetz* oder dem *Zerlegungsgesetz* umformst oder mit beiden.

► Materialblock S. 65  
 Wissenspeicher  
 Beschreibungsgleiche  
 Terme finden

- f) Vergleiche eure Antworten aus a) bis e) und trage sie in den *Wissenspeicher* ein.

→ weitergedacht

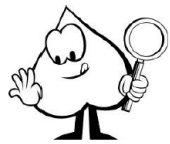
- g) Warum kann man  $4 + (5 \cdot 3)$  nicht wie Ole in c) zerlegen?

(Mathewerkstatt 6, S. 111)

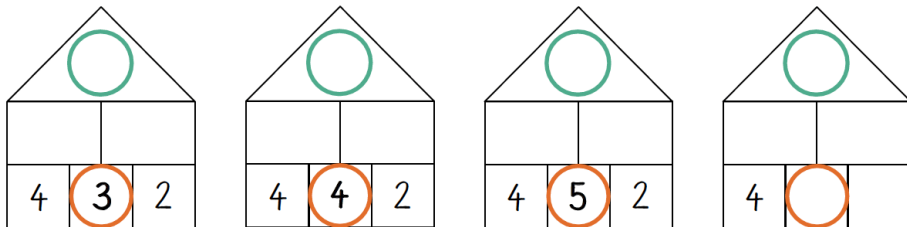
# Rechengesetze

## Im Schulbuch

Auftrag zum Forschen 4



Was passiert mit der Zielzahl, wenn die mittlere Grundzahl immer um 1 größer wird?

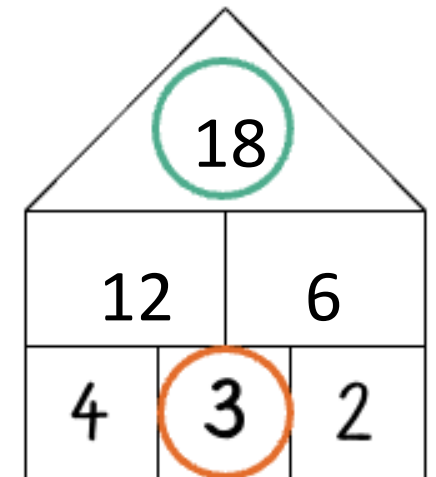
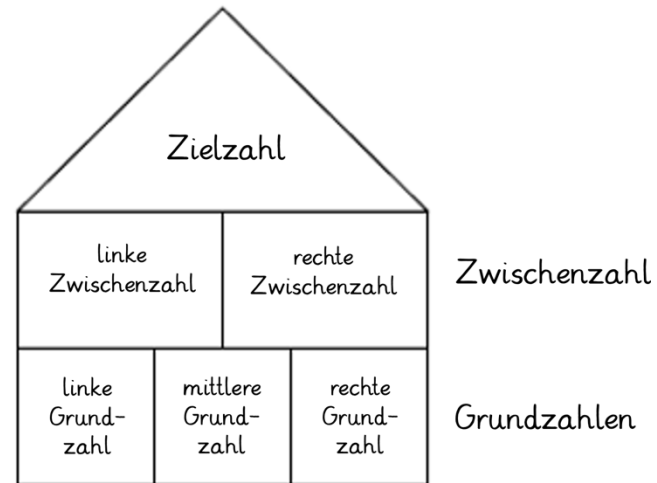


Beschreibe, was mit der Zielzahl passiert.

Die Zielzahl \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

(Pikas, Mal-Plus-Haus Forscherheft)

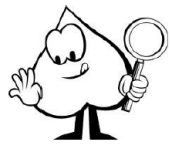
An welcher Stelle wird hier das Distributivgesetz deutlich?



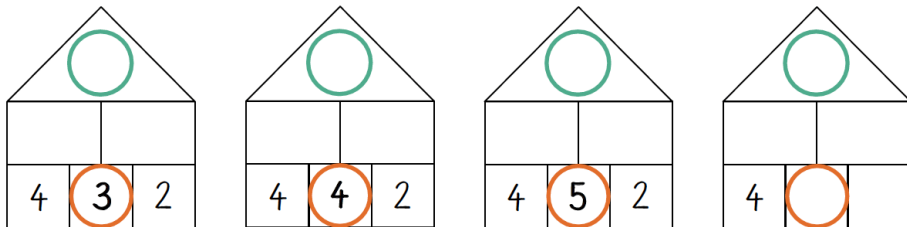
# Rechengesetze

## Im Schulbuch

Auftrag zum Forschen 4



Was passiert mit der Zielzahl, wenn die mittlere Grundzahl immer um 1 größer wird?

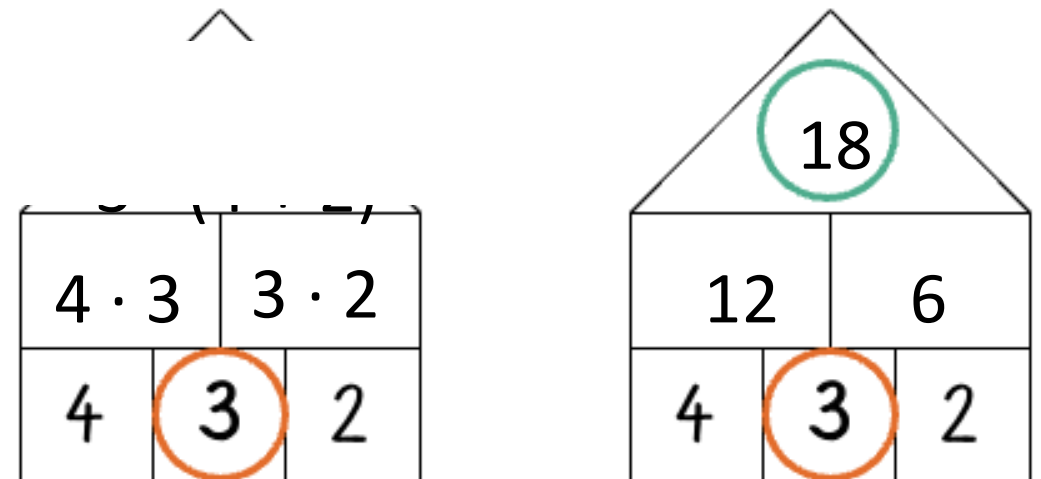


Beschreibe, was mit der Zielzahl passiert.

Die Zielzahl \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

(Pikas, Mal-Plus-Haus Forscherheft)

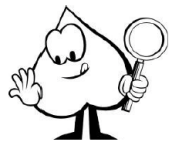
An welcher Stelle wird hier das Distributivgesetz deutlich?



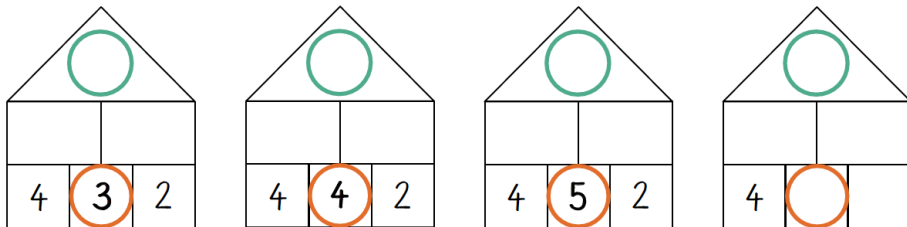
# Rechengesetze

## Im Schulbuch

Auftrag zum Forschen 4



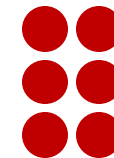
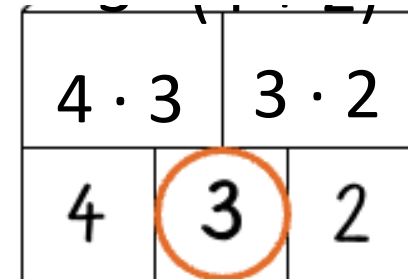
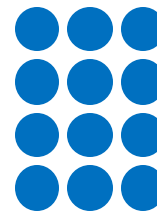
Was passiert mit der Zielzahl, wenn die mittlere Grundzahl immer um 1 größer wird?



Beschreibe, was mit der Zielzahl passiert.

Die Zielzahl \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_

(Pikas, Mal-Plus-Haus Forscherheft)



# Rechengesetze

- a) Beschreiben Sie die Veränderungen in den Aufgaben.
- b) Erklären Sie, warum das Ergebnis immer 12 ist.
- c) Wie könnte eine passende Darstellung mit Plättchen aussehen, die die Konstanz für Kinder verdeutlicht?

$$5 + 7 = 12$$

$$6 + 6 = 12$$

$$7 + 5 = 12$$

$$8 + 4 = 12$$



# Rechengesetze

## Konstanzgesetze

	Konstanzgesetz der ...
Addition	$a + b = (a \pm c) + (b \mp c)$ <i>Gegensinnig verändern</i>
Subtraktion	$a - b = (a \pm c) - (b \pm c)$ <i>Gleichsinnig verändern</i>
Multiplikation	$a \cdot b = (a \cdot c) \cdot (b : c)$ <i>Gegensinnig verändern</i>
Division	$a : b = (a \cdot c) : (b \cdot c)$ $a : b = (a : c) : (b : c)$ <i>Gleichsinnig verändern</i>

$$\begin{aligned}5 + 7 &= 12 \\6 + 6 &= 12 \\7 + 5 &= 12 \\8 + 4 &= 12\end{aligned}$$

# Rechengesetze

## Konstanz der Summe

# Rechengesetze

## Im Schulbuch

2 Schöne Päckchen mit Minusaufgaben. Beschreibt und begründet.

- a)  $40 - 6$   
 $45 - 6$   
 $50 - 6$

2 a)

40	-	6	=	34
45	-	6	=	39
50	-	6	=	44
+5		+0		



Metin

Ich rechne zur ersten Zahl immer 5 dazu. Die zweite Zahl bleibt gleich. Ich nehme also immer dieselbe Zahl weg. Was passiert mit dem Ergebnis?

- b)  $52 - 8$     c)  $32 - 10$     d)  $37 - 6$     e)  $62 - 20$   
 $54 - 8$      $32 - 12$      $42 - 11$      $60 - 18$   
 $56 - 8$      $32 - 14$      $47 - 16$      $58 - 16$

f) Findet ebenso ein schönes Päckchen.

(Zahlenbuch 2, S. 57)

## 2.4 Durch Dezimalzahlen dividieren

a) Rechne aus und erkläre deinen Rechenweg.

$$20 : 0,5 = \underline{\hspace{2cm}}$$

b)



Kenan

Ich rechne beide Zahlen zuerst  $\cdot 10$ , dann kann ich statt  $20 : 0,5$  auch  $200 : 5$  rechnen.



Emily

Ich überlege mir: Wie oft passt die  $0,5$  in die  $20$ ?



Wie lösen Kenan und Emily die Aufgabe? Erkläre, was sie sich gedacht haben.

c) Rechne die folgenden Aufgaben.

(Mathe sicher können, D4B-5)

# Fragen? Vielen Dank!



# Literatur

- Ministerium für Schule, Jugend und Kinder des Landes Nordrhein-Westfalen (2021). *Lehrplan für die Primarstufe in Nordrhein-Westfalen. Fach Mathematik*. Abgerufen von [https://www.schulentwicklung.nrw.de/lehrplaene/lehrplan/289/ps\\_lp\\_m\\_einzeldatei\\_2021\\_08\\_02.pdf](https://www.schulentwicklung.nrw.de/lehrplaene/lehrplan/289/ps_lp_m_einzeldatei_2021_08_02.pdf) [16.08.2021].

## Internetlinks und Schulbücher

- Arithmetik digital (2024). *Konstanz der Summe*. Verfügbar unter: <https://adi.dzlm.de/node/67>
- Lara Sprenger & Stephan Hußmann (2023). *Mathe sicher können Diagnose- und Förderbausteine D4: Multiplizieren und Dividieren von Dezimalzahlen*. Open Educational Resources unter mathe-sicherkoennen. Verfügbar unter: [dzlm.de/bpd/#D4](https://www.dzlm.de/bpd/#D4)
- Nührenbörger, M., Schwarzkopf, R., Bischoff, M., Götze, D., & Heß, B. (2022). *Das Zahlenbuch 2*. Ernst Klett Verlag.
- Nührenbörger, M., Schwarzkopf, R., Bischoff, M., Götze, D., & Heß, B. (2017). *Das Zahlenbuch 3*. Ernst Klett Verlag.
- Prediger, S., Barzel, B., Hußmann, S., & Leuders, T. (2013). *Mathewerkstatt 6, Schulbuch [...]* ([Mittlerer Schulabschluss, allgemeine Ausg.], 1. Aufl.). Berlin: Cornelsen.
- PIKAS (o. J.). *Mal Plus Haus*. Verfügbar unter: <https://pikas.dzlm.de/node/784>